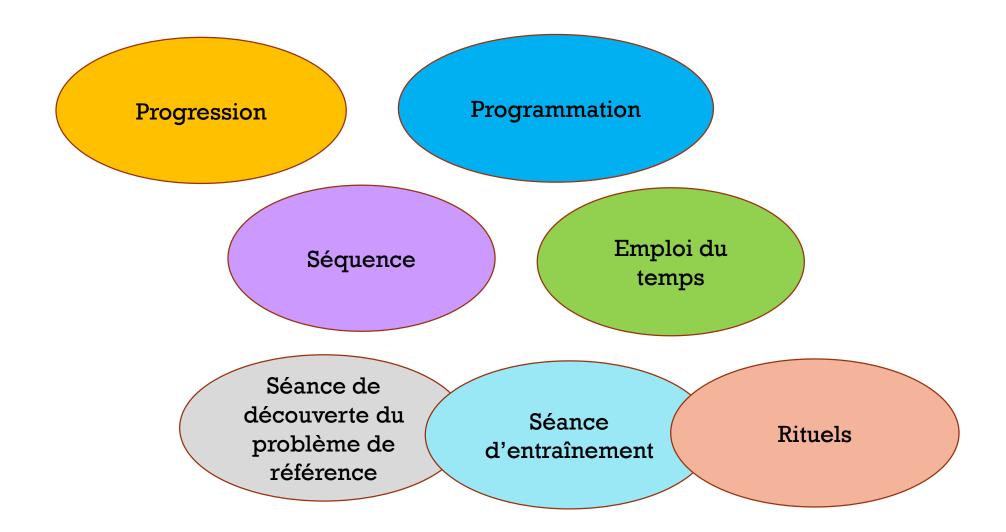
TEMPS DE FORMATION N°2 ENSEIGNER LA RESOLUTION DE PROBLÈMES AU CYCLE 2



DES PROPOSITIONS D'OUTILS POUR LA CLASSE



PROGRESSIVITÉ DES APPRENTISSAGES

NOMBRES ET CALCULS (suite)

Résolution de problèmes

On introduit explicitement le sens des opérations et des symboles =, +, -, × et :

P1/P2

À partir

de P3

s le début de l'année, les élèves commencent à soudre des problèmes additifs.

À partir de la période 3, les élèves résolvent aussi quelques problèmes multiplicatifs portant sur de À partir de la période 3, ils rencontrent de nouveaux sens de la multiplication.

En parallèle, dans la continuité du travail sur le sens effectué en maternelle, des problèmes de division sont initiés dans des situations très simples de partage ou de groupement.

capacité à résoudre des problèmes additifs à une problèmes additifs et multiplicatifs portant sur des ou deux étapes.

petits nombres et dont la résolution s'appuie sur problèmes multiplicatifs qu'ils peuvent résoudre en ne itération d'additions, sans aucune difficulté utilisant leurs connaissances des premières tables Tout au long de l'année, en appui sur les culatoire mais invitant à construire en situation de multiplication (exemple de la tablette de compétences en calcul tablette de 3 carreaux par 6 ?).

> préparée par la résolution de deux types de groupement. problèmes : ceux où l'on cherche combien de fois Le réinvestissement dans de nombreux problèmes une grandeur contient une autre grandeur et ceux où l'on partage équitablement une grandeur en un d'accéder à différentes compréhensions de chaque nombre donné de grandeurs.

En parallele, les eleves resolvent des problemes a deux étapes mixant addition et soustraction, ou multiplication lorsque les nombres en jeu ne nécessitent pas la mise en œuvre d'un algorithme opératoire.

Dès le début de l'année, les élèves consolident leur Dès le début de l'année, les élèves résolvent des nombres plus grands, ou des problèmes relevant de plusieurs opérations, nécessitant par exemple l'exploration d'un tableau ou d'un graphique.

qui augmentent chocolat : combien y a-t-il de carreaux dans une progressivement, les élèves consolident l'étude du sens de la division par la résolution de deux types En **période 4**, l'étude du sens de la division est de problèmes abordés au CE1 : le partage et le

> arithmétiques élémentaires permet ensuite aux élèves opération et les liens entre elles.



PRÉSENTATION D'UNE PROGRAMMATION EN RÉSOLUTION DE PROBLÈMES À PARTIR D'UN PROBLÈME DE RÉFÉRENCE

Non-CD					٦	Programmation CE2							
		Prog	rammation CP		PΔ	P5	-		P1	P2	P3	P4	P5
emaine 1	Transformation : EF+ Léo avait 3 billes. Puis Sarah lui donne 5 billes. Combien Léo a-t-il de billes	P2 P3 Recherche de la quantité totale, ce gu'on a en tout Partie/tout: T Recherche de la valeur 1 mairisses a 12 jetons, distribuse à 4 élèves. Com élève repoil de jetons		nur de la part iss. Elle les mobbles chaque is ? Recherche du tout ou de la partie Partie/tout : P/T		Recherche du tout ou de la partie Partie/tout : P/T Recherche de la quantité totale, ce		Semaine 1	Racharche de la quantité totale, ce qu'on a après Transformation : EF+/EF- Léa a S billes. Puis Nino lui donne 3 billes. Combien Léa a+-elle de billes maintenant ? Mia a à billes. Elle donne 5 billes à Gobriel. Combien Mia a+-elle de billes Gobriel. Combien Mia a+-elle de billes	/EF- lui donne 3 elle de billes orait avant Transformation : EI+	Dons un magasin, un jouet vaut 24 €. Il vaut 29 € (ou 21 €) dans un autre magasin. De combien est-il plus cher (ou moins	Recherche du produit (rectangle) Multiplication : MR	Recherche du produit (addition râltérée) Multiplication : MA
emaine 2	maintenant ? Recherche de la quantité totale, ce qu'on a après Transformation : EF- Emma avait 8 billes. Elle donne 5 billes à José. Combien Emma a-t-elle de billes maintenant ?	Recherche de la partie Partie/tout: P Dons ses poches Ali a 13 billes. Il en a 8 dons sa poche gauche. Combien en a-t- il dans sa poche droite ?	Recherche de la valeur d Division : DV Recherche du produit (d		echerche de la valeur de la part ivision : DV	qu'on a après Transformation : EF-	Programmation CE1	Samular 3	maintenant? Recherche de la transformation Transformation: Tr+/Tr- Lenny avait 3 billes. Iris lui donne des billes. Maintenant il a 9 billes. Combien "" a + alle donné de billes à Lenny?	Recherche de l'état initial, ce qu' avait avant Transformation : El-	Comparaison : CE Ayoub a 42 cartes. Rochel en a 31 de	Recherche du nombre de parts Division : DN Maxime a 12€. Il veut acheter des paquets de biscults à 3€. Combien peut-	Recherche du produit (rectang) Multiplication : MR
Semaine 3	Recherche de la quantité totale ou	Recherche du tout ou de la partie Partie/tout : P/T	intons à chaque élève. Con	om	Recherche de la quantité totale qu'on a après Transformation : EF+/EF- Léo avait à billes. Puis Sarah lui don 1	ole, ce Recherche de la transformation Transformation "Pub Transformation" Transformation Tra		P5		plus (de moins) que lui. Combien Rachel a-t-elle de cartes ?	il acheter de paquets ?		
	Recherche de la comparaison positive connaissant	Recherche de la comparaison négative ou positive connaissant les 2 états	distribue-t-elle de jetons Recherche de la quant qu'on a après Transformation : EF+/	ti	billes: Combien de billes Léo a-t-il d billes maintenant ? Emma avuit 8 billes. Elle donne 5 bil José. Combien Emma a-t-elle de bil maintenant ?	le d'autres billes. Maintenant Lenny q s	Comparaison: C Adam a Shiles. Nina en a 9, Combien de billes Nina a-t-elle de plus qu'Adam? Avia a 6 billes. Mobamed en a 8, Combien de billes Movia a a a 8.	Recherche de l'état initio avait avant Transformation : EI+ Lana vient de recevoir 3 eur tante. Elle a maintennt 8 ex Combien avait-elle avant ?	Recherche d'un des 2 états os de sa Comparaison : Ca	le la transformation tion : Tr+/Tr-	Recharche de l'état final OU de l'état initial Transformation : EF+/EF- ; EI +/EI-	Recherche de la valeur de la part Division : DV	Recherche de la valeur de la pa Division : DV
Semaine 4	Nour a 3 billes. All en a 9. Combien de billes All a-t-il de plus que Nour ? Recherche de la comparaison négative connaissant les 2 états	Comparaison : C Recherche de la quantité totale, ce	Révisions : MA ; EF+	Semaine :	Transformation : EF+/EF-	Diego avait 9 billes. Il donne des billes Emmy. Maintenant il en a 4. Combien Diego a-t-il donné de billes à Emmy ?	Recherche du nombre de parts (groupes) Division: DN La maltresse a 12 jetons. Chaque élève reçoit 3 jetons. Combien y a-t-il d'élèves.	Recherche de l'état initial, avait avant Transformation : El- David avait des billes. Il en dor Zineb. Maintenant o	Recherche de la comparation négative ou positionnée 5 à connoissant las 2 états	de l'état initial ation : EI+/EI-	Recherche du produit (addition réitérée) Multiplication : MA	Recherche d'un des états dans la comparaison qui se résout par une multiplication ou une division Comparaison : CEx: Fatima a neuf ans et son père est 4 fois plus ôgé qu'elle. Quel âge a son père ?	Recherche du nombre de parts Division : DN
Semaine	Poola a 8 billes. Tom en a e. Communi de billes Tom a-t-il de moins que Poola ? Recherche de la quantité totale, ci qu'on a en tout	Transformation : EF+/EF-		Semaine 3	Recharche de la quantité totale, a qu'on a en tout Partie/tout : T Liam a 3 Ailles, Jamine a 7 billes. Combien de billes ont Liam et Jasmine ensemble ?	Recherche de la quantité totale, ce	que Livia. Combien Tiago a 3 billes de plus que Livia. Combien Tiago a-t-il de billes ? Yanis a 8 billes 1 de a 2 de 1	Combien avait-il de billes ? Recherche de la valeur de la OU du nombre de parts Division: DV/DN	Part Recherche de la comparaison négative ou positi	i de la partie OU du toi st : P/T classe il y a 14 filles et 13 ombien y a-t-il d'élèves en classe, il y a 26 élèves don lombien y a-t-il de garçons	Révisions : C+/C- ; CE ; EF+/EF- ; EI+/EI- ; MA	Recherche de la comparaison Comparaison : C	Recherche de la quantité tota de la quantité initiale Transformation EF+/EF- ; EI+/
Semaine	Combien Liom et Jasmine ont de bille ensemble ? Révisions : EF+/EF- ; T ; C	RÉVISIONS : EF+/EF-; P/T; C		Semaine 4	Recherche de la partie Partie/tout: P Aya a invité 8 enfants pour son anniversaire. 5 d'entre eux sont des garpors. Combien y-a-t-il de filles ?	Recherche du produit (configuration rectangulaire) Multiplication: MR Quel est le nombre de carreaux de chocolar que contient une tablette de 3 carreaux sur 4 carreaux?	Recherche du nombre de parts	Recherche de la voleur de la p OU du nombre de parts Division : DV/DN	Comparation : C Part Recherche du produit (conflauration	te de la valeur de la part : DV sse a 12 jetons. Elle les à 4 élèves. Combien chaqu		Recherche d'un des états dans la comparaison Comparaison : CE [®] Ayoub a 42 cartes. Il en possède 31 de plus (ou de moins) que Rachel. Combien	Recherche de la partie ou du t Partie/tout : P/T
Semain				Semaine 5	Recherche de la partie Partie/tout : P/T	Recherche du produit (addition réitérée) Multiplication : MA Je lance 3 des pui man	Revisions : C ; CE ; DN	Recherche du produit (configuration	rectangulaire auaddition reitered Multiplication : MA/MR	ns : EI+/EI+ ; Tr+/Tr- ; P/T		Rachel a-t-elle de cartes ? Révisions : C ; CE ; DV/DN ; X+/X- ; MR	Recherche de la comparaison d'un des états dans la compar Comparaison : C ; CE/CE*
				Semaine 6	Recherche de la valeur de la port Division : DV a maîtresse a 12 jetons. Elle les listribue à 4 élèves. Combien chaque Weve a-t-il de jetons ?	Combien est-ce que l'obtiens de points ? Recherche de la valeur de la part Division : DV		rectangulaire) Multiplication : MR Recherche du produit (nations	Recharche Transformation: EI+/EI-; EF+/EF-				Révisions : MA/MR ; DV/DN ; EF+/EF- ; EI+/EI- ; P/T ; C+/C- ; CE/CE* Révisions
			į	Semaine 7 Semaine 8	évisions : EF+/EF- ; P/T : DV	Révisions : Tr+/Tr- ; EF+/EF- ; MA/MR ; DV	Re Re	Austiplication : MA	Partie/tout : P/T				
				Semaine 9			M	A/MR	Recherche du produit Multiplication : MA/MR	7			
									Revisions: MA/MR: C: CE: EH/CE	-			

Programmation problèmes arithmétiques CP à partir de problèmes de référence :

	P1	P2	P3	P4	P5
Semaine 1	P1 Recherche de la quantité totale, ce qu'on a après Transformation + Léo avait 3 billes. Puis Juliette lui a donné 5 billes. Combien de billes Léo a-t-il de billes maintenant? Recherche de la quantité totale, ce qu'on a après	P2 Recherche de la quantité totale, ce qu'on a après Transformation + et -, EF Recherche de la partie et du tout	P3 Recherche du produit Multiplication Il y a 4 élèves. La maitresse distribue 3 jetons à chaque élève. Combien distribue-t- elle de jetons en tout ? Recherche de la transformation	P4 Recherche de la quantité totale et de la transformation Transformation + et - Transformation + et -: T Recherche de la partie et du tout	P5 Recherche de l'état initial, ce qu'on avait avant Transformation: El Léo avait des billes. Puis Juliette lui a donné 5 billes. Maintenant Léo a 9 billes. Combien de billes avait Léo? Recherche de la quantité totale, ce qu'on a après et
	Transformation — Léo avait 8 billes. Il a donné 5 billes à Juliette. Combien Léo g-t-il de billes maintenant ?	Partie/tout + et -	Transformation + et - : T	Partie/tout : P + T	ce qu'on avait avant (état initial) Transformation : EF et El
Semaine 3	Recherche de la quantité totale, ce qu'on a après Transformation + et -	Recherche de la partie et du tout Partie/tout + et -	Recherche de la part Division La maitresse a 12 jetons. Elle les distribue à 4 élèves. Combien chaque élève atil de jetons ?	Recherche de la partie et du tout Partie/tout : P + T	Recherche du produit : Multiplication
Semaine 4	Recherche de la quantité totale, ce qu'on a en tout Partie/tout : T Léo a 3 billes. Juliette a 7 billes. Combien de billes ont Léo et Juliette ensemble ?	Recherche de la transformation Transformation + : T Léo avait 3 billes. Juliette lui a donné des billes. Maintenant Léo a 9 billes. Combien de billes Juliette a- t-elle données à Léo ?	Recherche du tout Partie/tout : T	Recherche de la comparaison positive Comparaison de plus que Léo a 3 billes. Juliette en a 9. Combien de billes Juliette at-elle de plus que Léo ? MISE EN EVIDENCE DE LA NOTION D'ECART	Recherche de la comparaison Comparaison
Semaine 5	Recherche de la partie Partie/tout Dans mes poches j'ai 13 billes. J'en ai 8 dans ma poche de gauche. Combien en ai-je dans ma poche de droite ?	Recherche de la transformation Transformation - : T Léo avait 9 billes. Puis il a donné des billes à Juliette. Maintenant il en a 4.	Révisions	Recherche de la comparaison négative Comparaison de moins que	Recherche de la part Division

10 problèmes qui complètent le problème de référence

		7						
Semaine 1:	Sach	a a 13 billes. Salomé lui donne 5 billes. Combien Sacha en a-t-il maintenant ?						
EF+/EF-	Nour a 13 billes. Elle perd 2 billes à la récréation. Combien lui reste-t-il de billes ?							
Recherche de la	Aya a 4 petites voitures. Son papa lui en achète 6 de plus. Combien a-t-elle de voitures maintenant ? Nour a 12 petites voitures. Elle en donne 6 à sa sœur. Combien lui reste-t-il de voitures ?							
quantité totale,								
ce qu'on a après	Il y a 14 enfants dans la cour de récréation. 8 autres enfants sortent en récréation. Calcule combien il y a d'enfants dans la cour maintenant.							
(état final)	Il y a 17 enfants dans la cour de récréation. 7 enfants rentrent en classe. Combien reste-t-il d'enfants dans la cour de récréation ?							
Transformation	Tom a acheté 12 œufs. Il en utilise 5 pour son gâteau. Combien lui reste-t-il d'œufs ? Aya a déjà cassé 9 œufs dans le plat. Elle en casse 7 de plus. Combien a-t-elle cassé d'œufs en tout ?							
	Sur quelle case Lina va-t-elle arriver ? Elle joue au jeu de l'oie. Elle est sur la case 12 et doit avancer de 5 cases.							
	Léo a 20 petites voitures. Il en donne 5 à sa sœur. Combien reste-t-il de voitures à Léo ?							
	+	Tom a acheté 18 œufs. Il en utilise 5 pour faire un gâteau et 6 pour faire une omelette. Combien lui reste-t-il d'œufs ?						
	Problèmes +	Aya a déjà cassé 4 œufs dans le plat. Elle en casse 3 de plus. En tout elle doit en casser 9 pour sa recette. Combien d'œufs doit-elle						
		encore casser ? Sur quelle case Lina va-t-elle arriver ? Elle joue au jeu de l'oje. Elle est sur la case 12. Elle recule de 8 cases puis avance de 5 cases.						
		Léo a 20 petites voitures. Il en donne 6 à sa sœur mais elle lui en rend 3. Combien reste-t-il de voitures à Léo ?						
Autres types à	Т	La cuisinière achète 4 pommes et 3 bananes. Combien a-t-elle acheté de fruits en tout ?						
intercaler dans	Р	Combien Tang a-t-il de cubes verts ? Il a 12 cubes. 3 sont bleus, les autres sont verts.						
la semaine	Р	P A la maison, il y a 6 personnes. 4 n'ont pas de lunettes. Combien de personnes portent des lunettes ?						
	T Jasmine a 8 bracelets et 3 colliers. Combien a-t-elle de bijoux ?							
	Т	Les parents achètent 4 pommes, 5 poires et 3 bananes. Combien de fruits ont-ils acheté en tout ?						
	Р	Combien Tang a-t-il de cubes verts ? Il a 10 cubes. 3 cubes sont bleus, 2 cubes sont jaunes, les autres sont verts.						
	Р :	Combien Tang a-t-il de cubes verts ? Il a 10 cubes. 3 cubes sont bleus, 2 cubes sont jaunes, les autres sont verts. A la maison, il y a 3 enfants et 2 adultes. 4 personnes n'ont pas de lunettes. Combien de personnes portent des lunettes ?						
	Т	Jasmine et Tom ont 4 bracelets chacun. Aya et Sacha en ont chacun 2. Combien y a-t-il de bracelets en tout ?						

Les problèmes « plus » pour les élèves les plus avancés qui résolvent sans difficulté les problèmes d'entrainement

Les autres problèmes à intercaler dans la semaine (sur les types déjà rencontrés) pour entraîner la flexibilité

Semaine 2 : EF+-	Amir joue au jeu de l'oie. Il est sur la case 26. Il doit reculer de 4 cases. Sur quelle case va-t-il arriver ?						
Recherche de la	Sur quelle case Tony va-t-il arriver? Tony joue au jeu de l'oie. Il est sur la case 12. Il doit reculer de 6 cases.						
quantité totale,	La maman de Manon a 16 euros. Elle dépense 5 euros. Combien lui reste-t-il ?						
ce qu'on a après	La maman d'Enzo a 18 euros. On lui donne 7 euros de plus. Combien a-t-elle d'argent maintenant ?						
(état final)	Combien reste-t-il de carottes ? J'ai 23 carottes. Le lapin en mange 5.						
Transformation	Ma tour a 17 cubes. J'en rajoute 6. Combien ma tour a-t-elle de cubes maintenant ?						
	Tonton a acheté 27 pommes. Il en utilise 6 pour sa tarte. Combien lui reste-t-il de pommes ?						
	J'ai utilisé 27 Kaplas pour construire une maison. Il m'en faut encore 6 pour la terminer. De combien de Kaplas sera composée la maison ?						
	J'ai 10 euros. J'achète un croissant à 2 euros. Combien d'argent me reste-t-il ?						
	Pauline a 15 billes. Elle gagne 3 billes contre Théo et 4 billes contre Chloé. Combien a-t-elle de billes maintenant?						
Autres types à	P Le lapin mange 15 légumes : 8 salades et des carottes. Combien a-t-il mangé de carottes ?						
intercaler dans	Combien de fruits ai-je dans mon panier? J'ai acheté 3 pommes, 2 oranges et 4 bananes.						
la semaine	T Dans mon jardin, j'ai 8 roses et 5 tulipes. Combien ai-je de fleurs ?						
	Dans ma trousse, il y a 12 stylos : des bleus et des rouges. Il y a 7 stylos bleus. Combien y a-t-il de stylos rouges ?						

Ajout de problèmes d'autres types, chaque semaine, pour entrainer la flexibilité



Semaine 1:	Sacha a 13 billes. Salomé lui donne 5 billes. Combien Sacha en a-t-il maintenant ?							
EF+/EF-	Nour a 13 billes. Elle perd 2 billes à la récréation. Combien lui reste-t-il de billes ?							
Recherche de la	Aya a 4 petites voitures. Son papa lui en achète 6 de plus. Combien a-t-elle de voitures maintenant? Nour a 12 petites voitures. Elle en donne 6 à sa sœur. Combien lui reste-t-il de voitures? Il y a 14 enfants dans la cour de récréation. 8 autres enfants sortent en récréation. Calcule combien il y a d'enfants dans la cour maintenant. Il y a 17 enfants dans la cour de récréation. 7 enfants rentrent en classe. Combien reste-t-il d'enfants dans la cour de récréation? Tom a acheté 12 œufs. Il en utilise 5 pour son gâteau. Combien lui reste-t-il d'œufs?							
quantité totale,								
ce qu'on a après								
(état final)								
Transformation								
	Aya a déjà cassé 9 œufs dans le plat. Elle en casse 7 de plus. Combien a-t-elle cassé d'œufs en tout ?							
	Sur quelle case Lina va-t-elle arriver ? Elle joue au jeu de l'oic. Elle est sur la case 12 et doit avancer de 5 cases.							
	o a 20 petites voitures. Il en donne 5 à sa sœur. Combien reste-t-il de voitures à Léo ?							
	Tom a acheté 18 œufs. Il en utilise 5 pour faire un gâteau et 6 pour faire une omelette. Combien lui reste-t-il d'œufs ?							
	Aya a déjà cassé 4 œufs dans le plat. Elle en casse 3 de plus. En tout elle doit en casser 9 pour sa recette. Combien d'œufs doit-elle							
	Aya a déjà cassé 4 œufs dans le plat. Elle en casse 3 de plus. En tout elle doit en casser 9 pour sa recette. Combien d'œufs doit-elle encore casser? Sur quelle case Lina va-t-elle arriver? Elle joue au jeu de l'oie. Elle est sur la case 12. Elle recule de 8 cases puis avance de 5 cases							
	Sur quelle case Lina va-t-elle arriver? Elle joue au jeu de l'oie. Elle est sur la case 12. Elle recule de 8 cases puis avance de 5 cases							
	Léo a 20 petites voitures. Il en donne 6 à sa sœur mais elle lui en rend 3. Combien reste-t-il de voitures à Léo ?							
Autres types à	T La cuisinière achete 4 pommes et 3 bananes. Combien a-t-elle acheté de fruits en tout ?							
intercaler dans	Combien Tang a-t-il de cubes verts ? Il a 12 cubes. 3 sont bleus, les autres sont verts.							
la semaine	A la maison, il y a 6 personnes. 4 n'ont pas de lunettes. Combien de personnes portent des lunettes ?							
	T Jasmine a 8 bracelets et 3 colliers. Combien a-t-elle de bijoux ?							
	Les parents achètent 4 pommes, 5 poires et 3 bananes. Combien de fruits ont-ils acheté en tout ?							
	P Combien Tang a-t-il de cubes verts? Il a 10 cubes. 3 cubes sont bleus, 2 cubes sont jaunes, les autres sont verts.							
	P Combien Tang a-t-il de cubes verts ? Il a 10 cubes. 3 cubes sont bleus, 2 cubes sont jaunes, les autres sont verts. A la maison, il y a 3 enfants et 2 adultes. 4 personnes n'ont pas de lunettes. Combien de personnes portent des lunettes ?							
	T Jasmine et Tom ont 4 bracelets chacun. Aya et Sacha en ont chacun 2. Combien y a-t-il de bracelets en tout !							
1								

- Ajout de problèmes plus difficiles pour les élèves les plus à l'aise : données inutiles, plus d'une étape, plus de 2 données
- Problèmes basiques avec valeurs numériques augmentées



UNE PROPOSITION D'ORGANISATION D'EMPLOI DU TEMPS

Des séances « longues » deux fois par semaine Des activités courtes ritualisées

Semaines 1 & 2

Séance 1

Présentation, explicitation approfondie de la situation de référence et résolution collective du problème de référence. (cf. diaporama)

L'énoncé de ce problème est affiché dans la classe. Résolution individuelle d'un nouveau problème très proche de la situation de référence.

Séances 2, 3 & 4

Les enfants ayant résolu avec succès le problème de la séance précédente sont confrontés de manière autonome aux variations à partir du problème de référence.

Les autres élèves sont confrontés à un problème très proche de la situation de référence avec étayage du maître.

Des activités courtes ritualisées quotidiennes

Calcul mental pour entraîner l'élève sur les calculs dont il va avoir besoin dans la catégorie de problèmes abordée actuellement.

Petits problèmes oraux dont le résultat est inférieur à 20. Ces problèmes portent sur l'ensemble des catégories déjà abordées, le but étant de « rebrasser » les connaissances pour aller vers la modélisation mathématique.



Des séances « longues » deux fois par semaine

Semaine 3

Séance 5 (en différenciation)

Résolution de « problèmes complexes » en lien avec les catégories de problèmes déjà abordées. Apprentissage de la rédaction de la solution d'un problème complexe

Semaine 4

Séances 6 & 7

Retour sur les situations antérieures :

- · tri de petits problèmes selon les catégories déjà abordées
- · écriture d'énoncés se rapprochant d'une des situations de référence déjà abordées.
- . résolution des problèmes inventés par les élèves Le but de ces séances est de « rebrasser » toutes les situations mathématiques déjà vues.

Des activités « courtes » ritualisées quotidiennes

Calcul mental pour entraîner l'élève sur les calculs dont il va avoir besoin dans la catégorie de problèmes abordée actuellement.

Petits problèmes oraux dont le résultat est inférieur à 20. Ces problèmes portent sur l'ensemble des catégories déjà abordées, le but étant de « rebrasser » les connaissances pour aller vers la modélisation mathématique.



UNE PROPOSITION POUR METTRE EN PLACE LES 10 PROBLÈMES PAR SEMAINE

- <u>Lundi</u>: un problème en 1 ou 2 étapes sur le thème mathématique étudié pendant la semaine (prévoir 6 minutes de recherche maximum et 3 ou 4 minutes de mise en commun maximum).
- <u>Mardi</u>: deux problèmes courts en 1 étape proposés dans le cadre de la séance de calcul mental (résolution sur ardoise, temps de recherche 2 minutes, mise en commun 1 minute).
- <u>Jeudi</u>: séance de résolution de problèmes sur le thème mathématique étudié actuellement (numération, grandeurs et mesures ou calcul), prévoir 6 problèmes élémentaires en 1 ou plusieurs étapes, éventuellement certains problèmes différenciés.
- Vendredi: l problème court sur le thème de la séance.

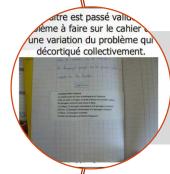


UNE PROPOSITION DE DÉROULEMENT D'UNE SÉANCE DE DÉCOUVERTE DU PROBLÈME DE RÉFÉRENCE



Découverte collective du problème de référence lors d'une séance guidée explicite avec une grande place faite à la verbalisation.

Attention: ne pas « tuer le problème ».



Une fois le problème de référence réussi, des variations sont proposées pour s'exercer en autonomie.

Pendant ce temps, le PE étaye le travail des élèves les plus fragiles.

Des problèmes plus complexes permettent aux élèves les plus avancés d'aller plus loin.

Pendant ce temps, le PE continue d'étayer le travail des élèves les plus fragiles.



UNE PROPOSITION DE SÉANCE GUIDÉE SPÉCIFIQUE : DÉCOUVERTE DU PROBLÈME DE RÉFÉRENCE





« Y a-t-il des mots dans l'énoncé que vous ne comprenez pas ?»



Explication de l'expression « à destination de »



Le maître referme le tableau et demande aux élèves de reformuler l'énoncé à l'oral.







Mise en évidence des différentes propositions de reformulations.



Le maître demande aux élèves de se positionner par rapport aux trois propositions.



Le maître valide une des propositions en revenant sur l'explication de l'expression « à destination de ».



Des élèves viennent compléter le schéma collectif au tableau.





Le maître écrit la suite de l'énoncé du problème et il le lit aux élèves.





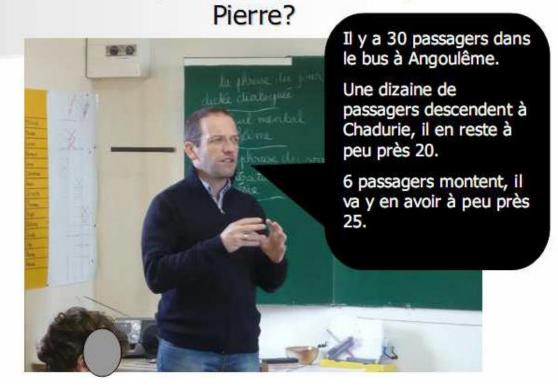
Le maître referme le tableau et demande aux élèves de reformuler l'énoncé à l'oral.



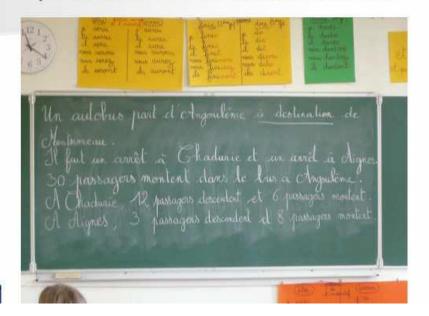
Les élèves formulent des questions que l'on pourrait poser sur ce début d'énoncé.



Le maître décrit à voix haute « ce qui se passe dans sa tête » quand il répond à la question de



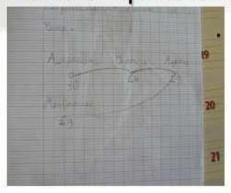
Le maître écrit la suite de l'énoncé du problème et il le lit aux élèves.

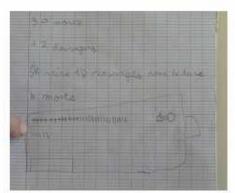


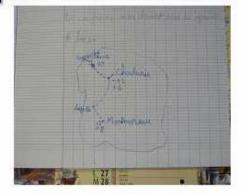
Le maître referme le tableau et demande aux élèves de reformuler l'énoncé à l'oral.



Le maître demande aux élèves de faire un schéma sur le cahier d'essais pour lui montrer qu'ils ont compris tout l'énoncé.





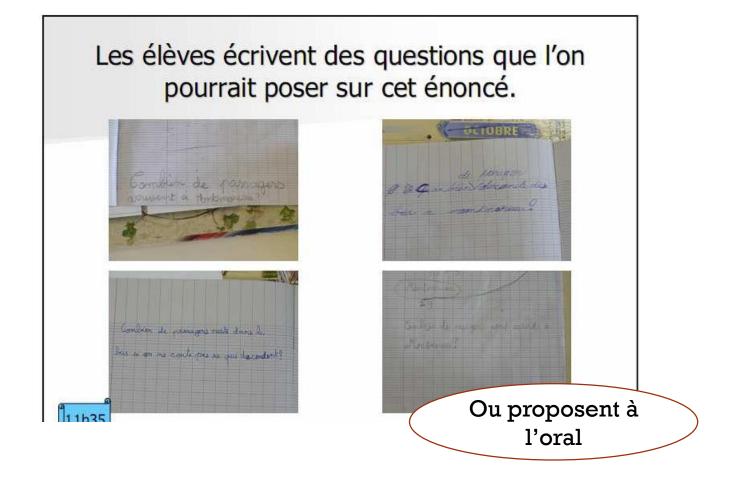




Le maître recopie le schéma de Jérémy et il demande aux enfants de retrouver des données de l'énoncé sur ce schéma.



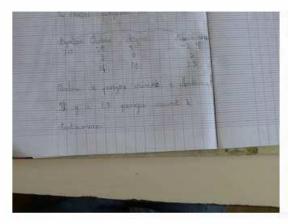




Le maître écrit la question du problème.

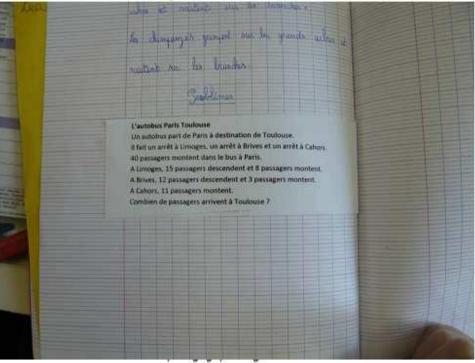


Les enfants résolvent le problème sur leurs cahiers d'essais.

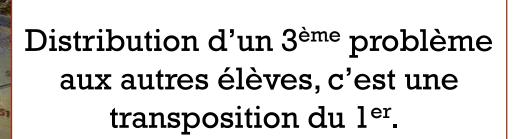




Quand le maître est passé valider, il donne un problème à faire sur le cahier du jour. C'est une variation du problème qui a été décortiqué collectivement.



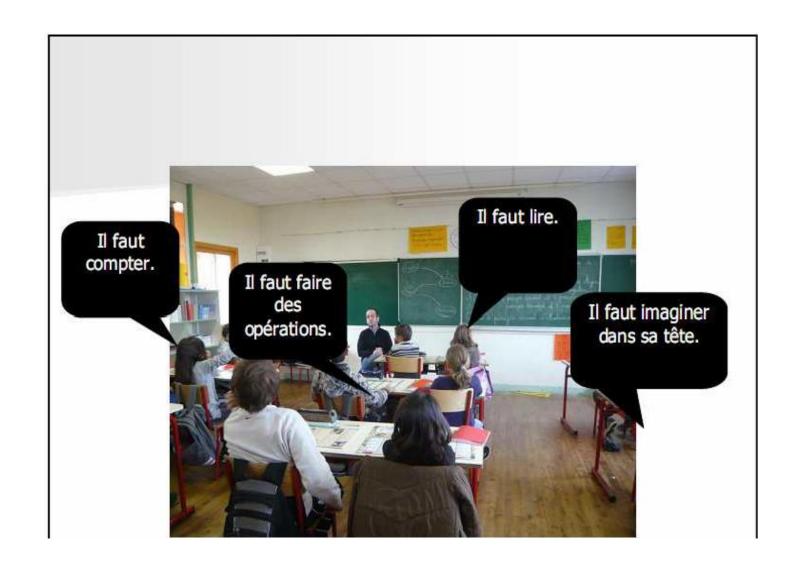
Après avoir distribué les problèmes à tous les enfants qui ont réussi à résoudre le premier, le maître accorde du temps aux enfants qui n'y arrivent pas.



A la fin de la séance, l'enseignant rend l'apprentissage explicite.







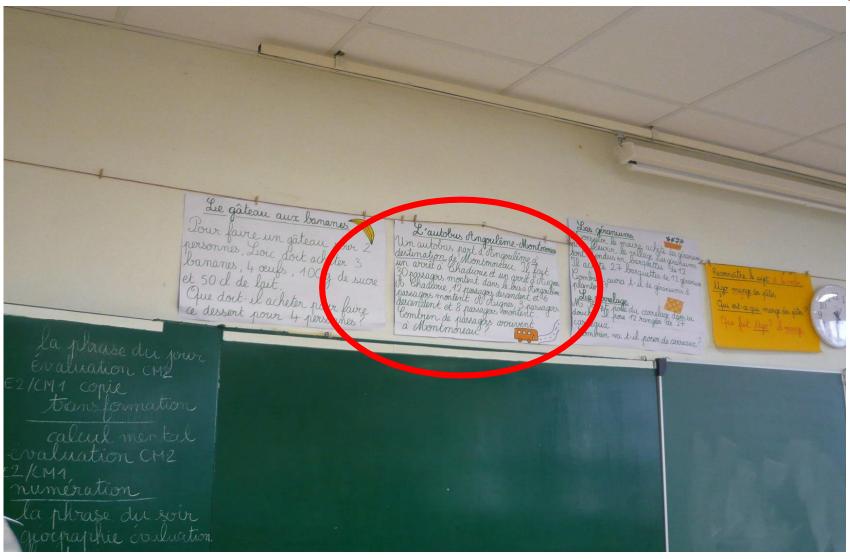






12h05





ophie Thuillier, CPD, Maths sciences

UNE PROPOSITION DE DÉROULEMENT D'UNE SÉANCE D'ENTRAINEMENT EN RÉSOLUTION DE PROBLÈMES

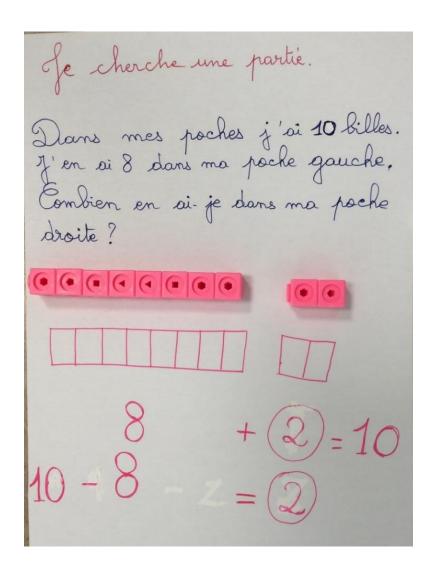
- Etape 1 (3 à 5'): distribution des énoncés de problèmes (un chacun) consigne et mise au travail rapide après vérification de la compréhension de la situation problème.
- Etape 2 (30'): temps de recherche mis à profit par l'enseignant pour circuler dans les rangs, valider ou étayer **individuellement** (en s'appuyant si besoin sur la schématisation puis la modélisation).
- Etape 3 (10'): mise en commun/correction d'un ou deux problèmes que tous les élèves ont pu traiter. (recueillir un maximum de procédures).
- Etape 4 : institutionnalisation, se référer à un problème de référence sur affichage de classe ou sur cahier d'élève.

LES ÉCRITS EN RÉSOLUTION DE PROBLÈMES

- <u>Un cahier personnel</u> (de mathématiques, du jour) permet à l'élève de conserver la trace des résolutions avec ses essais-erreurs, ses procédures, ses modes de représentation. Il constitue également une mémoire des problèmes rencontrés. Il facilite la conduite d'entretiens avec l'élève, pour l'aider à verbaliser, à prendre conscience de ses progrès et notamment à se situer par rapport à ce qui est attendu.
- <u>Un cahier de référence en mathématiques</u> (leçons) correspond au support complémentaire et indispensable pour structurer un enseignement explicite de la résolution de problèmes. On y trouve les écrits formalisés par le professeur avec les élèves lors de la phase d'institutionnalisation. Ces écrits constituent les traces des savoirs et des compétences travaillés
- <u>Les écrits/outils collectifs</u> qui font le lien entre les écrits individuels du cahier personnel et les écrits structurés du cahier de référence. L'affiche constitue un écrit de référence du vécu commun de la classe : il doit être lisible, clair et succinct.

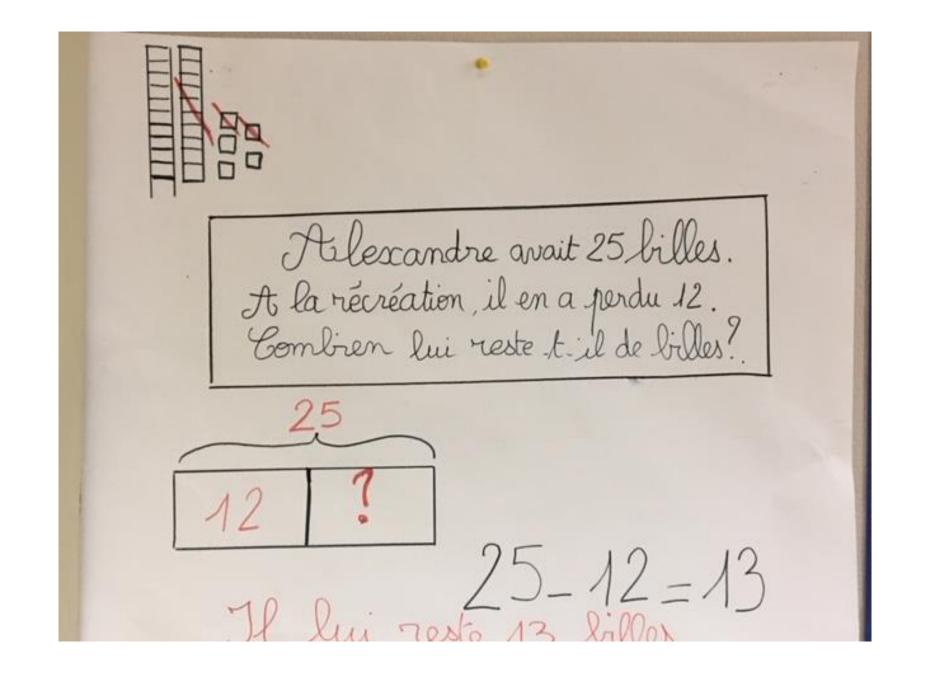


DES AFFICHAGES VUS DANS LES CLASSES

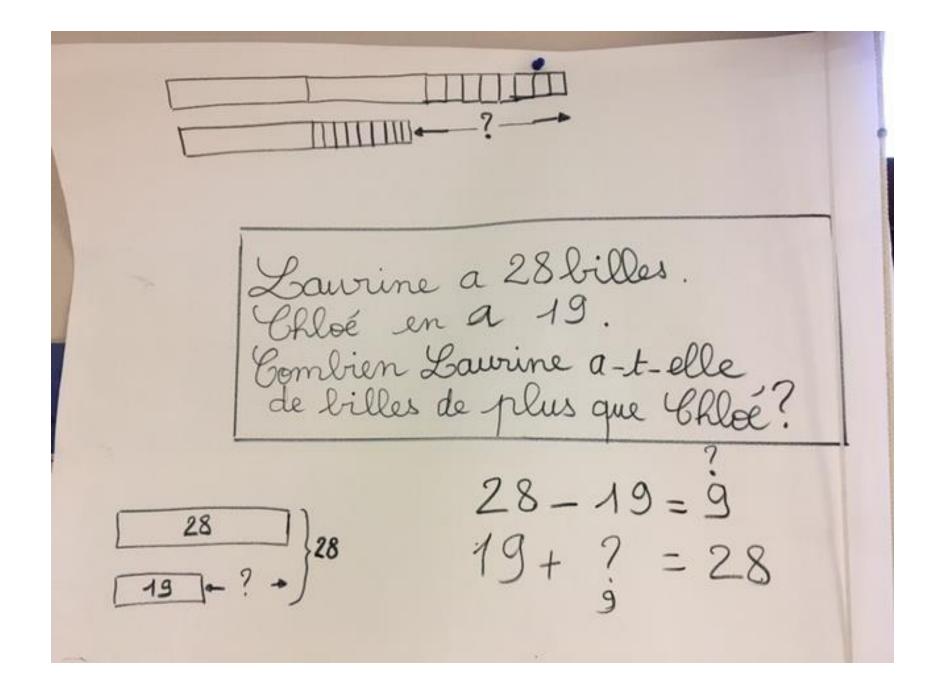




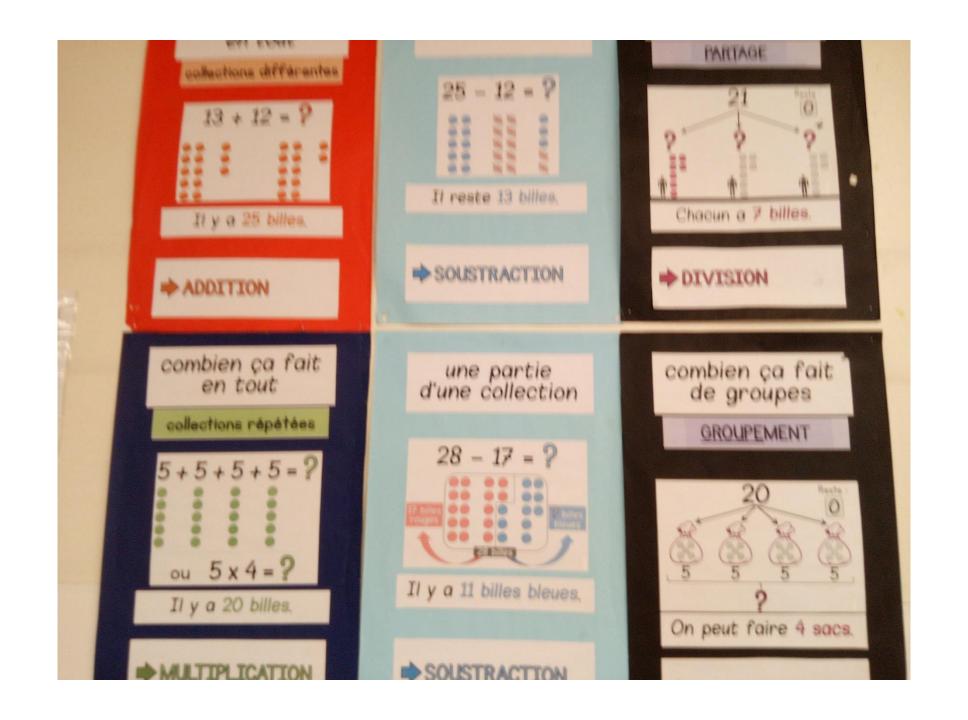
Valérie avait 25 billes. It la récréation, elle en a gagné 12. Combien en a-t-elle maintenant? 25+12=37 Elle a 37 billes maintenant.

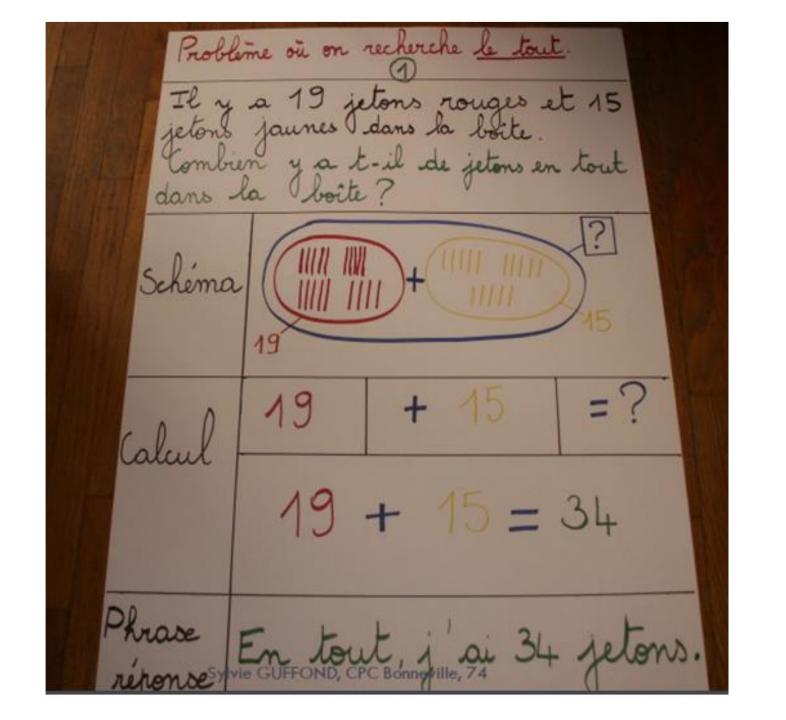


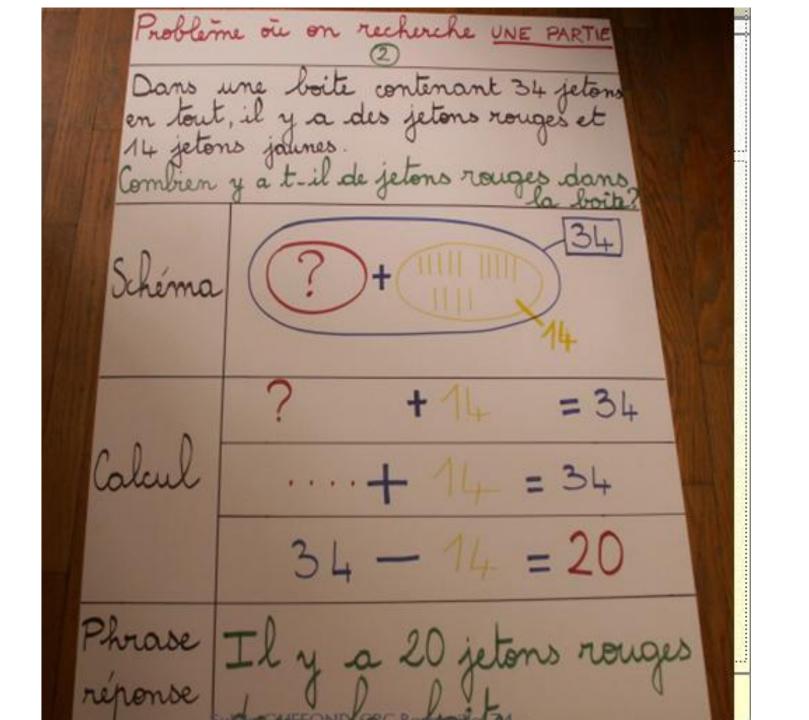




Lucas a un sac de 28 billes Dans le sac, il y a 17 billes Monges et des billes bleves. Combien y a - t-il de billes bleves? The regulate bleves. 17+ = 28





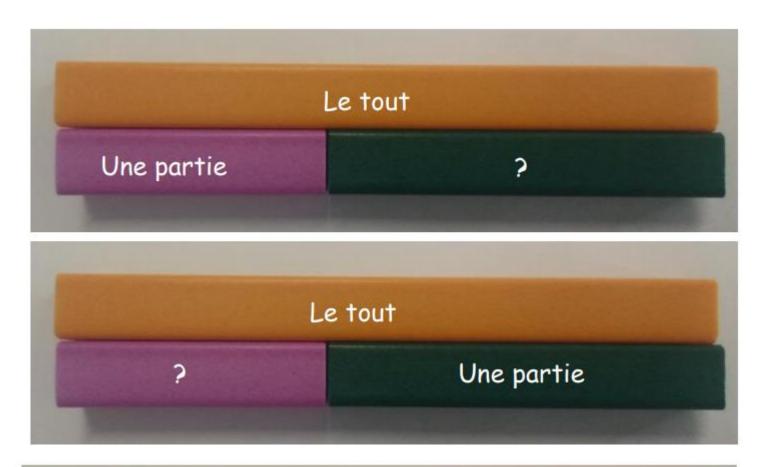


Problème de comparaison : on cherche l'écart, la différence. combien y a. t. il de jetons (en plus) dans la boite jaune? J'ai 24 jetons dans une boite blanche J'en ai 37 dans une boite joune. tritt titt Il y a 13 jetons en plus dans la boite jaune.

Problème de COMPARAISON où il nous Combien y a -t-il de jetons dans la boîte jaune? J'ai 24 jetons dans une boîte blanche. J'en ai 13 de plus dans une boite jaune. mit time an 11111 13 de + 24 24 + 13 = 37 Calcul Phrase- Il y a 37 jetons dans réponse la boite jaune.

Problème de COMPARAISON où il nous manque le 2º pour comparer Combien y a.t.il de jetons dans la boîte jaune? J'ai 36 jetons dans une boîte blanche. J'en ai 15 de moins dans une boite jaune. 15 de -Il y a 21 jetons dans







COMMENT ÉTAYER LE TRAVAIL DES ÉLÈVES?

Pendant la résolution du problème, l'élève doit gérer plusieurs tâches en même temps, chaque tâche pouvant constituer un obstacle à la résolution. Voici quelques proposition qui peuvent être déclinables sur d'autres problèmes.

Exemple avec le problème suivant :

Un bus part du parc à destination du cinéma.

En route, il fait un arrêt devant l'école et un arrêt à la bibliothèque.

Au parc, 27 personnes montent.

À l'arrêt de l'école, 18 personnes descendent. À la bibliothèque, 8 personnes montent. Combien de personnes le bus transporte-t-il en arrivant au cinéma?



AIDER À LA LECTURE DE L'ÉNONCÉ, À LA REPRÉSENTATION DU PROBLÈME

Aider l'élève à se représenter la situation : situation telle que l'élève l'interprète (informations retenues, but à atteindre)

Leviers

- Traiter des énoncés en rapport avec la vie de la classe et la vie quotidienne.
- **Reformulation orale** (par la classe, par lui-même, par l'enseignant) ou écrite (enseignant, en amont). Faire reformuler ce que l'on cherche. S'autoriser à dire la question au début de l'énoncé. Redire le trajet sans les données, raconter l'énoncé avec ses propres mots, le mimer.
- **Paraphraser** « un bus part du parc et va au cinéma » avec des phrases courtes. Il s'arrête 1 fois à l'école. Il s'arrête une deuxième fois à la bibliothèque.
- S'appuyer sur une image, un dessin, du matériel.



- Introduire les données numériques dès le début : « Un bus avec 27 personnes part du parc. Il va au cinéma ».



AIDER À LA LECTURE DE L'ÉNONCÉ, À LA REPRÉSENTATION DE LA TÂCHE

- Aider l'élève à se représenter la tâche : énoncés, consignes, prise d'information/lire c'est comprendre. (mots, informations, contexte, que doit-on chercher?)
- Interroger sur ce qu'il est important de savoir.
- Faire la projection d'un résultat : est-ce qu'il y aura plus de personnes, moins de personnes ?
- Faire/Faire produire un schéma des données du problème.
- Identifier la catégorie à laquelle appartient le problème.
- Comparer l'énoncé à celui du problème de référence.
- **Proposer plusieurs opérations** impliquant les nombres du problème et demander de choisir la bonne pour faire le lien entre une situation et l'écriture symbolique mathématique correspondante.



AIDER À LA LECTURE DE L'ÉNONCÉ, DIFFICULTÉS DE COMPRÉHENSION DU VOCABULAIRE MATHÉMATIQUE

• Leviers:

- Travailler sur la polysémie des mots, langage courant/langage mathématique (exemple : différence)
- Utiliser une affiche-dictionnaire des mathématiques : diminuer, ajouter...
- Comprendre l'utilisation de synonymes : 136 73 peut être remplacé par j'enlève 73 à 136, je cherche la différence entre 73 et 136 ou ce qu'il faut ajouter à 73 pour avoir/obtenir 136. Proposer/faire proposer les différentes façons de dire la même chose.
- Travailler la maîtrise des expressions comme : l'un, l'une, chacun, le tout...



AIDER À DÉTERMINER LES ÉTAPES DU PROBLÈMES ET À MODÉLISER

• Leviers :

- Repérer l'ordre d'apparition des données, inverser les données permet parfois le passage à l'opération.
- Trouver la/les question(s) intermédiaire(s)
- Faire une représentation des données du problèmes
- Traiter des problèmes avec la réponse fournie pour se concentre uniquement sur les étapes de la résolution.
- Déconstruire la culture scolaire : toute question amène une réponse (par exemple : l'âge du capitaine)



AIDER À IDENTIFIER LES DONNÉES DU PROBLÈMES ET LE CALCUL

• Leviers :

- Utiliser des données numériques simplifiées
- Pratiquer des séances de calcul (mental, posé...) en relation avec les problèmes à résoudre.
- Utiliser des données avec des relations maîtrisées (doubles, multiples...)
- Utiliser des unités maîtrisées
- Traiter des problèmes avec un nombre limité de données



AIDER À CHOISIR OU ÉLABORER UNE PROCÉDURE ADAPTÉE

Planifier (que dois-je faire en premier ? Comment le faire ? Ensuite ?) Appliquer la procédure

Leviers

- Rappel des procédures existantes, recours à des aide-mémoire, des affichages. Rappel des catégories de problèmes déjà connues pour favoriser les analogies.
- Proposition d'un schéma déjà prérempli pour le lancement dans la procédure mathématique.

35			
27	8		

35				
	18			

27	8
18	?



AIDER À EXÉCUTER LA PROCÉDURE CHOISIE

Faire (quel plan je mets à exécution?)

Leviers

- Autoriser la calculatrice.
- Proposer différents résultats à choisir : Entoure la bonne réponse : 38 43 1
- Donner le résultat pour mettre en confiance avec l'idée d'exécuter une procédure.

Le résultat est 17

- Choisir des nombres « sympathiques » (calcul mental, en ligne) pour favoriser la représentation du nombre. Ici, c'est déjà le cas avec 18 et 8.



AIDER À CONTRÔLER LE RÉSULTAT

Vérifier (qu'a-t-on fait ? Quelle opération ? Est-ce que la réponse a du sens ?) Apprécier la vraisemblance du résultat

Leviers

- Avoir dans son protocole de résolution de problème une étape je vérifie. Travailler sur la symétrie des opérations. (Contrôle syntaxique)

27+8=35

35-8=27

35-18=17

17+18=35

- Demander d'expliquer pourquoi le résultat ne pourrait pas être 100 par exemple. (Contrôle sémantique)
- Faire écrire, je pense que mon résultat est possible/ vraisemblable ou demander si 17 passagers est vraisemblable. (Contrôle pragmatique)



AIDER À COMMUNIQUER LA RÉPONSE

 Rédiger la solution : écrit qui présente les étapes de la résolution notamment si ce sont des problèmes à étapes

Leviers

- Proposer systématiquement un endroit où formuler sa réponse avec un rappel de la question ou de ce que l'on cherchait.
- Qu'est-ce que l'on cherchait ? On cherchait le nombre de personnes que le bus transporte en arrivant au cinéma.
- Proposer différentes réponses possibles et justifier son choix :

Le bus transporte en tout 17 personnes

Le bus transporte 17 personnes en arrivant au cinéma

Il y a 17 personnes qui vont au cinéma

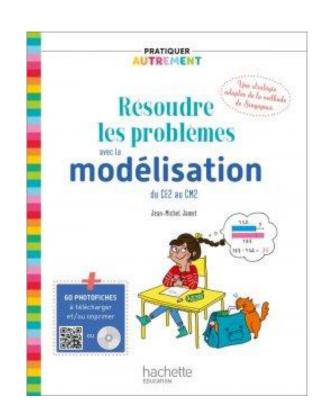
- Avoir un cahier de réponses à des problèmes pour s'aider dans la formulation à l'écrit. Avec le problème et 2 colonnes « ce que je cherchais », « ce que j'ai répondu ».
- Être bienveillant sur l'orthographe lors de la rédaction.



DES OUTILS À ANALYSER

* Résoudre des problèmes avec la modélisation, Hachette

Disponible à la circonscription

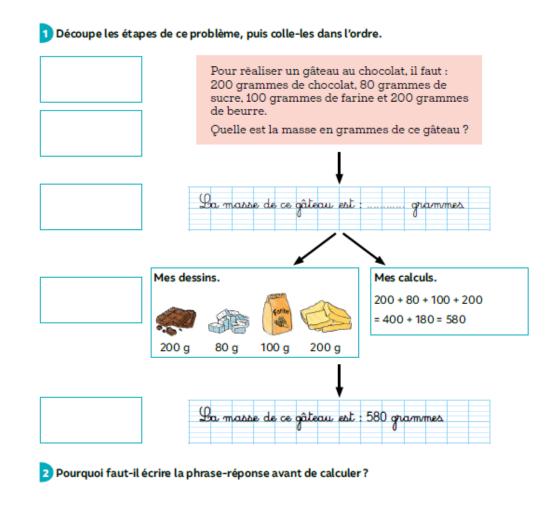




Photofiche 5, question 2

Pourquoi faut-il écrire la phrase réponse avant de calculer?

Je trouve les étapes pour résoudre un problème





Photofiche 8

Relier chaque problème à son modèle en barres.

Relie chaque problème au Modèle en Barres (MeB) qui lui correspond.

Dans une colonie de vacances, il y a 123 enfants en tout. 41 enfants sont des garçons.

Combien de filles y a-t-il?

Dans une école, il y a 400 élèves en tout. 300 élèves sont des filles. Combien de garçons y a-t-il ?

Dans un aquarium, il y a 26 poissons rouges et 13 poissons noirs.

Combien de poissons y a-t-il en tout ?

Dans un zoo, il y a 320 animaux. 100 animaux sont des oiseaux.

Combien d'animaux ne sont pas des oiseaux ?

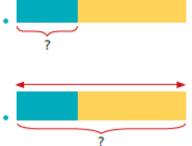
Une fête est organisée pour la rentrée des classes. 428 personnes sont présentes. Il y a 129 enfants.

Combien d'adultes sont présents ?

Regarde bien où est placé le point d'interrogation sur le Modèle en Barres (MeB).











Photofiche 10

Lis chaque problème, ouis place le point d'interrogation qui correspond à ce que l'on cherche. Repère les mots « en tout », « total » et « reste ».



Placer le point d'interrogation sur un modèle en barres.

Problème 1

Pour la fête de l'école, Ethan a cuisiné 47 crêpes au total. Il en a vendu 32.

Combien de crêpes reste-t-il?



Problème 2

Pour l'anniversaire de Silouann, sa mêre a préparé 78 biscuits au chocolat au total. Il en reste 27 à la fin de la fête.

Combien de biscuits ont été mangês ?





DES OUTILS À ANALYSER

* Une démarche pour résoudre des problèmes arithmétiques au cycle 2

http://centre-alain-savary.ens-lyon.fr/CAS/mathematiques-en-education-prioritaire/une-demarche-pour-resoudre-des-problemes-au-cycle-2

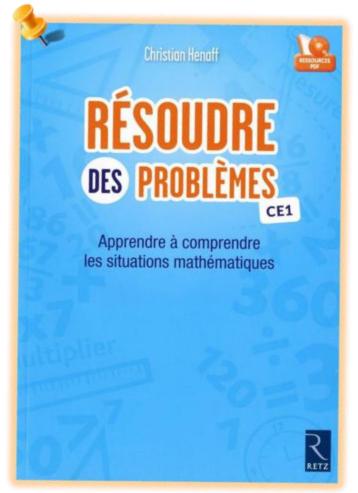
Par les référentes mathématiques de circonscription, Département du Rhône

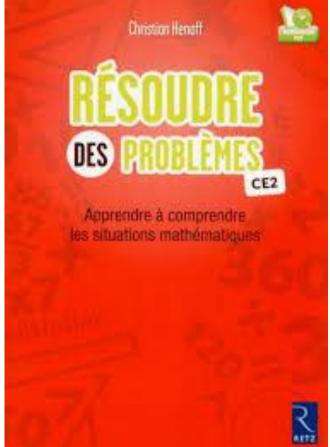
Disponible dans
l'espace Tribu

Une démarche
pour résoudre
des problèmes
arithmétiques
au cycle 2



DES OUTILS À ANALYSER



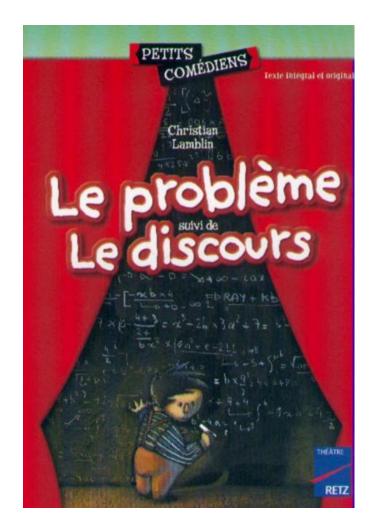


équence 1 / Résoudre des problèmes en manipulant • Apprendre une méthodologie	Séance 1/						
eductive 1. 1. resonnts des bionreilles en mambarant Abbiennis que mediodologie							
Pour résoudre un problème, tu dois : 1. Lire l'énoncé. 2. Apprendre par cœur la question. 3. Utiliser les jetons pour chercher la réponse. 4. Écrire la réponse dans le cadre prévu.	Nom : Date :						
Les images – série A							
Résolution collective							
 Karima a 4 paquets de 5 images. 	Réponse :						
Combien a-t-elle d'images en tout ?							
2 • Léo avait 26 images.	Réponse :						
À la récréation, il en a perdu 12.	Troposido :						
Combien lui reste-t-il d'images ?							
3 • Ali a 20 images. Il les partage avec Jules, Léa et Évan. Combien chacun aura-t-il d'images ?	Réponse :						
	Réponse :						
	Réponse :						
	Réponse :						
Sa mamie lui en a donné 16. Combien a-t-elle d'images maintenant ?							
Sa mamie lui en a donné 16. Combien a-t-elle d'images maintenant? 5 • Tom a une boîte de 18 images.	Réponse :						
Sa mamie lui en a donné 16. Combien a-t-elle d'images maintenant ?							
Sa mamie lui en a donné 16. Combien a-t-elle d'images maintenant? 5 • Tom a une boîte de 18 images. Il compte 6 images de chats.							
Sa mamie lui en a donné 16. Combien a-t-elle d'images maintenant? 5 • Tom a une boîte de 18 images. Il compte 6 images de chats. Les autres sont des images de chiens. Combien y a-t-il d'images de chiens dans la boîte? 6 • Éva a 15 images. Elle va les coller dans							
Sa mamie lui en a donné 16. Combien a-t-elle d'images maintenant? 5 • Tom a une boîte de 18 images. Il compte 6 images de chats. Les autres sont des images de chiens. Combien y a-t-il d'images de chiens dans la boîte?	Réponse :						

ET POUR FINIR LE PROBLÈME AVEC LES PROBLÈMES...

Problème et théâtre – Christian Lamblin

https://www.youtube.com/watch?v=OY_frhmqOBA



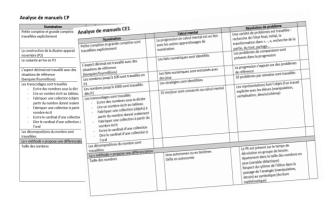
PLUSIEURS POSSIBILITÉS DE TRAVAIL EN ÉQUIPE

- <u>Temps 1</u>: Identifier dans son fichier/son manuel/sa méthode les catégories de problèmes qui ne sont pas assez travaillées.
- <u>Temps 2</u>: Analyser les outils présentés et les tester dans sa classe, pour sa pratique personnelle.

Les adapter au contexte de l'école, de la classe, compléter sa méthode....

• Temps 3 : Restituer un scénario pédagogique.

Par exemple : une séance, une démarche, l'articulation des temps d'apprentissage en RDP pour arriver aux 10 problèmes /semaine, des photos d'affichage...



Programmation problèmes arithmétiques CP à partir de problèmes de référent

	P1	P2	P3	P4	P5
Semaine 1	Recherche de la quantité	Recherche de la quantité	Recherche du produit	Recherche de la quantité	Recherche de l'état initial,
	totale, ce qu'on a après	totale, ce qu'on a après	Multiplication	totale et de la	ce qu'on avait avant
	Transformation +	Transformation + et -, EF	Il y a 4 élèves. La maitresse	transformation	Transformation : El
	Léo avait 3 billes. Puis		distribue 3 jetons à chaque	Transformation + et -	Léo avait des billes. Puis
	Juliette lui a donné 5 billes.		élève. Combien distribue-t-	Transformation + et - : T	Juliette lui a donné 5 billes.
	Combien de billes Léo g.t.il		elle de jetons en tout ?		Maintenant Léo a 9 billes.
	de billes maintenant ?				Combien de billes avait
Semaine 2			Recherche de la		Léo ? Recherche de la auantité
Semaine 2	Recherche de la quantité	Recherche de la partie et		Recherche de la partie et	
	totale, ce qu'on a après	du tout	transformation	du tout	totale, ce qu'on a après et
	Transformation -	Partie/tout + et -	Transformation + et - : T	Partie/tout : P + T	ce qu'on avait avant (état
	Léo avait 8 billes. Il a donné				initial)
	5 billes à Juliette. Combien Léo a-t-il de billes				Transformation : EF et El
	maintenant?				
Semaine 3	Recherche de la quantité	Recherche de la partie et	Recherche de la part	Recherche de la partie et	Recherche du produit :
	totale, ce qu'on a après	du tout	Division	du tout	Multiplication
	Transformation + et -	Partie/tout + et -	La maitresse a 12 jetons.	Partie/tout : P + T	
			Elle les distribue à 4 élèves.		
			Combien chaque élève a til		
			de jetons ?		
Semaine 4	Recherche de la quantité	Recherche de la	Recherche du tout	Recherche de la	Recherche de la
	totale, ce qu'on a en tout	transformation	Partie/tout : T	comparaison positive	comparaison
	Partie/tout : T	Transformation + : T		Comparaison de plus que	Comparaison
	Léo a 3 billes. Juliette a 7	Léo avait 3 billes. Auliette (u)		Léo a 3 billes. Juliette en a 9.	
	billes. Combien de billes ont	a danné des billes.		Combien de billes Juliette a-	
	Léo et Auliette ensemble ?	Maintenant Léo a 9 billes.		t-elle de plus que Léo ?	
		Combien de billes Juliette a-		MISE EN EVIDENCE DE LA	
		t-elle données à Léo ?		NOTION D'ECART	
Semaine 5	Recherche de la partie	Recherche de la	Révisions	Recherche de la	Recherche de la part
	Partie/tout	transformation		comparaison négative	Division
	Dons mes poches j'ai 13	Transformation - : T		Comparaison de moins	
	billes. J'en ai 8 dans ma	Léo avait 9 billes. Puis il a		que	
	poche de gauche. Combien	danné des billes à Juliette.			
	en ai-je dans ma poche de droite ?	Maintenant il en a 4.			
	aroite r				



